

УДК 539.376

РАЗРЫХЛЕНИЕ И ПЕРСПЕКТИВЫ ПОСТРОЕНИЯ КРИТЕРИЯ
ПРОЧНОСТИ ПРИ СЛОЖНОМ НАГРУЖЕНИИ
С УЧЕТОМ ПОЛЗУЧЕСТИ

КАДАШЕВИЧ Ю. И., НОВОЖИЛОВ В. В., РЫБАКИНА О. Г.

В [1,2] предложен критерий разрушения металлов, охватывающий как хрупкую, так и вязкую формы разрушения, в котором принимаем, что наступление разрушения определяется пластическим разрыхлением. Идеи, изложенные в этих работах, находят все более широкое признание и распространение [3—6]. Известны попытки их использования и для оценки длительной прочности металлов [7—10].

В публикуемой работе дано обобщение критерия разрушения, осуществляющее учет влияния скорости деформирования и позволяющее с единых позиций описать как кратковременную, так и длительную прочность металлов [11].

1. Согласно [1], теория пластичности, учитывающая микронапряжения и остаточное изменение объема, может быть записана так:

$$T_{ij}' = (\tau - \beta \sigma_0) d\varepsilon_{ij}{}^{p'} / d\lambda, \quad d\theta / d\lambda = \beta \quad (1.1)$$

$$T_{ij}' = \sigma_{ij}' - \rho_{ij}' \quad \rho_{ij} = k\varepsilon_{ij}{}^{p'}, \quad \theta = \varepsilon_{ii}{}^p / 3, \quad \sigma_0 = \sigma_{ii} / 3$$

$$d\lambda = \sqrt{1/2 d\varepsilon_{ij}{}^{p'} d\varepsilon_{ij}{}^{p'}}, \quad \varepsilon_{ij}{}^{y'} = \sigma_{ij}' / (2G), \quad \varepsilon_{ij} = \varepsilon_{ij}{}^y + \varepsilon_{ij}{}^p \quad (1.2)$$

Здесь σ_{ij}' , ε_{ij}' , $\varepsilon_{ij}{}^{p'}$ — девиаторы тензоров напряжений, деформаций, пластических деформаций, θ — пластическое разрыхление; критическое значение $\theta(\theta_p)$ зависит от напряженного состояния.

Попытки определять экспериментально θ при различных видах деформирования [12] дали качественно соответствующие теории результаты, но определение в каждом случае для каждого материала количественных данных оказалось сложным. Поэтому в [13] и последующих работах вместо θ была рассмотрена некоторая функция разрыхления D — нормированное разрыхление, а соответствующий коэффициент пропорциональности определялся из опытов косвенным путем. Полученные за последнее время данные непосредственного определения θ при ползучести вызвали необходимость вернуться к изучению этого вопроса и послужили поводом к формулировке критерия прочности, примененного к случаю, когда необратимое деформирование зависит от скорости приложения нагрузки. В [13] выяснилось, что для лучшего согласования с опытом следует считать параметр β в формулах (1.1) не постоянным, а зависящим от инварианта ρ : $\beta = \beta(\rho)$, $\rho = \sqrt{1/2 \rho_{ij}' \rho_{ij}'}$. В частности, была принята зависимость $d\theta/d\lambda = \beta_0 \rho$, $\beta_0 = \text{const}$.

Макроскопический тензор ρ_{ij} введен в [14] и назван тензором остаточных микронапряжений. Работа этих микронапряжений на деформациях равна отнесенной к единице объема работе всех микронапряжений на соответствующих им упругих микродеформациях. Если в [14] использована зависимость $\rho_{ij} = k\varepsilon_{ij}{}^p$, то в последующих работах показана целесообразность уточнения этой зависимости. Так, в [15] предложены соотношения

$$\rho_{ij} + a d\rho_{ij} / d\lambda = b \varepsilon_{ij}{}^p + c d\varepsilon_{ij}{}^p / d\lambda \quad (1.3)$$

Однако возможен и способ непосредственного определения тензора ρ_{ij} из опыта. В этом случае ρ_{ij} трактуется как тензор смещения центра по-

верхности текучести в пространстве напряжений и определяется так называемым методом зондирования. Суть его состоит в том, что по мере продвижения по пути деформирования производятся разгрузки и нагружения противоположного знака в пределах выбранного допуска на остаточную деформацию, позволяющие установить изменение ρ_{ij} на всем пути деформирования при минимальной затрате опытных образцов. Примеры непосредственного определения из эксперимента приведены в [16, 17]. Из [18] видно, какие особенности приобретает критерий прочности, если определяющий закон для разрыхления имеет структуру

$$d\theta/d\lambda = \beta(\rho, \theta) \quad (1.4)$$

Было показано¹, что хорошее совпадение с опытом получается, если ограничиться простейшей формой соотношений (1.3), приняв

$$a=c=\lambda+\lambda_0, \quad b=0, \quad \lambda_0 > 0 \quad (1.5)$$

Однако при использовании (1.5) описывается лишь узкий класс циклически упрочняющихся материалов, поэтому желательно сохранить общую форму соотношений (1.3), а в качестве простейшего варианта принять $a=A+B\lambda$, $b=b_0=\text{const}$; $c=c_0a$, $c_0=\text{const}$ или $a=A+Be^{-\alpha\lambda}$, $b=b_0=\text{const}$; $c=c_0a$, $c_0=\text{const}$.

Указанные предложения не следует широко обобщать. Можно по аналогии со статистической теорией пластичности, учитывающей микронапряжения [19], рассмотреть статистический вариант теории разрушения: проследить за изменением локального и среднего разрыхления, усложнить зависимость параметров от истории деформирования и т. д., т. е. пройти весь путь, который прошла в своем развитии рассматриваемая теория пластичности. Заметим, что каждое усложнение критерия должно диктоваться лишь одним требованием, что предыдущее предложение себя исчерпало и не является достаточным для практики. Надо двигаться шаг за шагом, опытными фактами и только ими, доказывая необходимость следующего приближения. Хотя уже и сейчас можно предвидеть, в каких задачах простейшие подходы (основанные на понятии одноповерхностных теорий пластичности) окажутся недостаточными.

Отметим следующее обстоятельство. Введение разрыхления в определяющее уравнение пластического течения не означает необходимости учета появившихся малых слагаемых при оценке деформированного и напряженного состояний. Более того, точность, которую обеспечивают обычные определяющие уравнения теории и пластического течения, является вполне достаточной для большинства инженерных задач. Цель публикуемой работы — сформулировать определяющее уравнение для разрыхления, показать естественность этого уравнения, а затем уже можно вновь отбросить малые слагаемые там, где это, действительно целесообразно.

2. Предлагаемое построение критерия прочности при сложном нагружении с учетом ползучести проводится в рамках теории ползучести, учитывающей микронапряжения и предложенной авторами в 1970—1978 гг. Обзор работ этого направления проведен в [19, 20].

В простейших вариантах этой теории отличие от теории пластичности состояло в том, что коэффициенты определяющих локальных законов деформирования дополнительно зависели от интенсивности скорости неупругого деформирования. Такой подход фактически сливает теорию пластичности и ползучести в единую теорию необратимых деформаций твердых тел.

Локальный закон деформирования может быть записан так:

$$\begin{aligned} \sigma_{ij}' &= \tau d\varepsilon_{ij}^p/d\lambda + \rho_{ij}' \\ \rho_{ij}' + a d\rho_{ij}'/d\lambda &= b\varepsilon_{ij}^p + c d\varepsilon_{ij}^p/d\lambda \end{aligned} \quad (2.1)$$

¹ Мовчан А. А. Об одной гипотезе накопления повреждений при пластическом деформировании. Деп. в ВИНТИ 28.07.81; № 3797-81.

где коэффициенты a, b, c, τ , вообще говоря, зависят от λ^* . Например: $b=0$; $a=a_0\lambda^*$; $a_0=\text{const}$; $c=c_0\lambda^*$; $c_0=\text{const}$. Проводя рассуждения, аналогичные теории пластичности, можно получить определяющее уравнение для разрушения $d\theta/d\lambda=\beta(\rho, \lambda^*)$, $\lambda^*=d\lambda/dt$ и считать, что локальное разрушение наступает тогда, когда θ достигает критического значения, зависящего от напряженного состояния, температуры и скорости неупругого деформирования. Если τ является величиной случайной, закон распределения которой известен, то могут быть вычислены средние значения $\langle\theta\rangle$, $\langle\varepsilon_{ij}^p\rangle$, $\langle\sigma_{ij}'\rangle$ и т. п. Например

$$\langle\varepsilon_{ij}^p\rangle = \int_0^{\infty} \varepsilon_{ij}^p d\Phi(\tau_0), \quad \langle\theta\rangle = \int_0^{\infty} \theta d\Phi(\tau_0), \quad \tau=f(\tau_0, \langle\lambda^*\rangle)$$

где $\Phi(\tau_0)$ — интегральная функция распределения.

Достаточно хорошие результаты дает простейший вариант теории ползучести статистического типа [21]:

$$\sigma_{ij}' = \tau_0 f(\langle\lambda^*\rangle) d\varepsilon_{ij}^p/d\lambda, \quad \langle\varepsilon_{ij}^p\rangle = \int_0^{\infty} \varepsilon_{ij}^p d\Phi(\tau_0)$$

Рассмотрим более подробно экспериментальную трактовку величин, входящих в (2.1). Величина τ , соответствующая моменту появления остаточных деформаций, определяется из опыта, причем должен быть установлен некоторый допуск, начиная с которого их следует принимать во внимание. При проведении опытов на ползучесть такая процедура лишена смысла, так как между напряжением и деформацией нет однозначной связи, поэтому представляется целесообразным рассмотреть опыты, в которых выполнено условие $\lambda^*=\text{const}$. Если для рассматриваемого материала существует такая температура T_0 и скорость деформирования λ_0^* , то при $T \leq T_0$ и $\lambda^* \geq \lambda_0^*$ зависимостью τ от λ^* можно пренебречь, то в этой области изменения параметров T и λ^* следует пользоваться соотношениями (1.1). Вне этой области τ и ρ_{ij} должны определяться при $\lambda^*=\text{const}$ с тем же допуском на остаточную деформацию и таким образом τ и ρ_{ij} становятся функциями λ^* . Первые опытные данные по определению $\rho(\lambda^*)$ в простейших случаях однонаправленного и симметричного циклического деформирования показали, что функция $\rho(\lambda^*)$ является слабо возрастающей. При более сложных нагружениях оказалось, что поведение ρ зависит от истории изменения скорости неупругого деформирования. Как уже упоминалось, критическое значение θ зависит от вида напряженного состояния, а именно:

$$\theta_p = \theta_0 (0,4s/\sigma_* - 1)^{m_1} \quad (2.2)$$

$$\sigma_* = \sigma_1 - \nu(\sigma_2 + \sigma_3), \quad \sigma_1 \geq \sigma_2 \geq \sigma_3$$

где ν — коэффициент Пуассона в упругой области, θ_0, s, m_1 — постоянные, т. е. в момент разрушения θ_p однозначно связано с величиной разрушающего напряжения. В условиях ползучести при одноосном растяжении существует зависимость

$$\sigma_* = \sigma_1(\lambda^*) \quad (2.3)$$

Подстановка (2.3) в (2.2) дает зависимость θ_p от λ^* , соответствующую наблюдаемой в эксперименте. Таким образом, можно ожидать, что влияние скорости деформирования на критическое значение объемного разрушения уже присутствует в указанном критерии через зависимость $\sigma_*(\lambda^*)$ и нет необходимости считать постоянные, входящие в (2.2), также зависящими от λ^* . Окончательный ответ на этот вопрос даст эксперимент.

Обозначая правую часть (2.2) через $m^2(\lambda^*)$, выпишем соотношения теории ползучести для одномерного случая.

Вариант теории в одномерном простейшем виде

$$\lambda^* = \varphi(\sigma), \quad d\theta/d\lambda = 2a^2(\lambda^*)\rho, \quad \theta_p = m^2(\lambda^*) \quad (2.4)$$

позволил удовлетворительно описать разрушение в условиях ползучести и ступенчатого изменения напряжений; разрушение в условиях циклического нагружения (при переходе с низкой частоты нагружения на высокую и наоборот); разрушение в условиях последовательного действия длительного и циклического нагружения.

Соответствие опытных и теоретических данных оказалось вполне приемлемым для практики. Отметим, что прямое измерение разрыхления привлекает многих исследователей и результаты работ [22, 23] находятся в соответствии со сформулированной теоретической схемой.

Развивая теорию разрушения в указанном направлении, целесообразно сначала остановиться на изотермических задачах, не включая зависимость параметров задачи от температуры.

Рассмотрим более подробно анализ решений соотношений (2.4). Начнем с определения времени разрушения при постоянно действующей нагрузке. Для этого случая уравнения легко интегрируются: $t_p = m_0 / (b_0 \varphi_0)$, $\varepsilon_p = m_0 / b_0$, где m_0 , b_0 , φ_0 — значения m , b , φ при $\sigma = \sigma_0$. Кроме того, из них следует, что остаточное разрыхление выражается формулой $\theta = f(\sigma) \varepsilon t$; $f = b^2 \varphi$. Здесь, для простоты, принято, что $\rho = k\varepsilon$; $b^2 = ka^2$. Таким образом, время разрушения определяется поведением трех функций: m , b , φ .

Остановимся на имеющихся в литературе экспериментальных данных и возможности их использования для определения неизвестных функций и сопоставления с результатами теории.

Независимо друг от друга авторы [22–24] показали, что при ползучести разрыхление монотонно изменяется и пропорционально εt , в [25] утверждается, что скорость ползучести оказывает существенное влияние на рост разрыхления и критическое значение разрыхления, как правило, уменьшается с ростом скорости. Однако в настоящее время нет экспериментальных данных, из которых можно непосредственно получить необходимые функции, поэтому используем косвенные методы. Так как при ползучести $t_p = m / (b\varphi)$; $\lambda_p = m/b$, то можно определить параметры m/b и φ (при этом выяснится коррекция с кривой ползучести $\lambda' = \varphi$, которая может быть определена и из опытов на ползучесть). Опыт на разрушение при ступенчатом нагружении позволит выделить параметры m и b отдельно. Опытные данные [26] позволяют сделать предварительное заключение о том, что функция m/b может иметь как монотонный, так и немонотонный характер (эта зависимость может иметь минимум). Данные, приведенные в [25, 27], показывают, что в широком диапазоне скоростей функция $b(\lambda')$ убывающая.

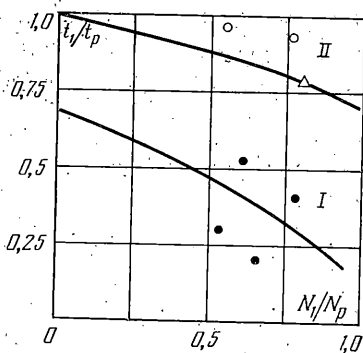
На фиг. 1 проведено сравнение теории (2.4) с результатами экспериментов [27], в которых оценивалась прочность при последовательном действии длительного и циклического нагружения. Циклическое деформирование проводилось с амплитудой напряжения, равной напряжению при длительном нагружении (материал принимался циклически стабильным). Согласно (2.4), при этом должно выполняться равенство

$$N_1/N_p + \beta^2 (t_1/t_p)^2 = 1 \quad (2.5)$$

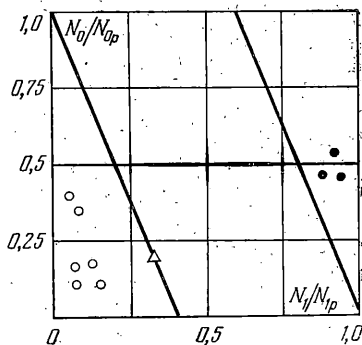
если сначала действует длительная нагрузка, и равенство

$$(t_1/t_p)^2 + N_1/(\beta^2 N_p) = 1 \quad (2.6)$$

если сначала приложено циклическое нагружение. Здесь N_p — число циклов до разрушения, N_1 — выполненное число циклов, t_p — время разрушения при постоянной нагрузке, t_1 — продолжительность действия постоянной нагрузки. Накопление разрыхления при циклической нагрузке определяется в соответствии с работой [17]. Формула (2.6) позволяет определить время разрушения образца, прошедшего предварительное циклическое нагружение, а формула (2.5) — разрушающее количество циклов для образца, имевшего предварительное растяжение. На фиг. 1 показаны кривые 1 и 2 на фоне экспериментальных точек, взятых из работы [27]. Эти кривые построены по формулам (2.5) и (2.6) при значении $\beta^2 = 2,137$, соответствующем экспериментальной точке, отмеченной на фиг. 1 звездоч-



Фиг. 1



Фиг. 2

кой. Результаты расчета хорошо согласуются с результатами опыта, если учесть, что опытам на разрушение присущ обычно значительный разброс экспериментальных точек.

Было рассчитано число циклов до разрушения при переходе с низкой частоты нагружения на более высокую и обратно при условии, что результаты одного опыта считаются известными [27].

Рабочая формула имеет вид

$$N_0/N_{op} + m_1 N_1 / (m_0 N_{1p}) = 1 \quad (2.7)$$

Соответствие с опытом следует признать хорошим (фиг. 2). Как показывает эксперимент [23, 28], отклонение от принципа линейного суммирования при ступенчатом нагружении является существенным и может иметь различный характер. Простейшие примеры отклонения результатов теории (2.4) от принципа линейного суммирования приведены в [11].

В настоящее время при оценке хрупковязкого разрушения широко используются схемы [29, 30]. Предлагаемая расчетная схема является их дальнейшим развитием применительно к сложным путям нагружения и различным видам напряженного состояния. Необходимость присутствия в критерии разрушения предельной величины пластического разрыхления подтверждается экспериментально, поэтому описание процесса разрушения твердых тел должно естественно сводиться к совместному рассмотрению уравнений необратимого деформирования твердого тела с условием достижения разрыхлением критического значения. При этом необходимо учитывать влияние скорости деформирования, напряженного состояния и температуры на предельное разрыхление.

В этой связи представляют интерес недавно опубликованные работы [31, 32], результаты которых не противоречат схеме, предлагаемой в данной работе. В [31] утверждается, что дифференциальное уравнение для «повреждения» должно содержать в явном виде максимальное нормальное и касательное напряжения, т. е. $d\omega/dt = f(\sigma_1, \sigma_2, \omega)$.

В [32] утверждается, что существует два механизма разрушения, взаимно влияющих друг на друга.

Определяющие уравнения кинетических уравнений повреждаемости записываются так:

$$d\omega_1/dt = f_1(\omega_1, \omega_2, \sigma), \quad d\omega_2/dt = f_2(\omega_1, \omega_2, \sigma)$$

и разрушение происходит при достижении ω_1 или ω_2 критического значения.

Такая точка зрения вполне допустима и заслуживает внимания. Схема, излагаемая в данной работе, может быть дополнена соображениями, высказанными в [31, 32], если эксперимент подтвердит необходимость этого. Отметим, что в недавно опубликованной работе [33] предложено использовать структурную модель среды для конкретизации параметров кинетического уравнения прочности. Интересные соображения об учете эффекта залечивания высказаны в работе [34].

Не следует ожидать, что предлагаемая схема решает всю совокупность задач теории разрушения при сложном нагружении, однако, по-видимому, она охватывает основные черты этих процессов. Насущной проблемой в настоящее время является осуществление целенаправленных экспериментов, таких, как эксперименты по изучению поверхностной текучести в условиях ползучести (нагружение с малыми постоянными скоростями деформирования и разрушения при скачкообразном изменении скоростей деформирования).

ЛИТЕРАТУРА

1. Новожилов В. В. О пластическом разрыхлении.— ПММ, 1965, т. 29, вып. 4, с. 681—689.
2. Новожилов В. В., Рыбакина О. Г. Перспективы построения критерия прочности при сложном нагружении.— Инж. ж. МТТ, 1966, № 5, с. 103—111.
3. Пластичность и разрушение/Под ред. В. Л. Колмогорова. М.: Металлургия, 1977. 336 с.
4. Угодчиков А. Г., Коротких Ю. Г. Уравнения теории термовязкопластичности с комбинированным упрочнением.— В кн.: Уравнения состояния при малоцикловом нагружении. М.: Наука, 1981, с. 129—167.
5. Махутов Н. А., Левин О. А. Уравнения состояния и расчеты на малоцикловую прочность.— В кн.: Уравнения состояния при малоцикловом нагружении. М.: Наука, 1981, с. 5—24.
6. Бондарь В. С., Горохов В. Б., Санников В. М. Исследование малоцикловой прочности оболочек вращения при сложном тепловом нагружении.— Прикладные проблемы прочности и пластичности: Механика деформируемых систем: Сб. статей. Горький: Изд-е Горьк. ун-та, 1979, вып. 12, с. 120—126.
7. Вакуленко А. А., Лигов Ю. Н., Чебанов В. М. О разрыхлении структуры и прочности полимерных материалов.— Докл. АН СССР, 1967, т. 175, № 3, с. 539—541.
8. Хажинский Г. М. О теории ползучести и длительной прочности металлов.— Изв. АН СССР, МТТ, 1971, № 6, с. 29—36.
9. Волков В. М. Об учете остаточной дилатации металлов в теории пластичности и ползучести.— В кн.: Прикладные проблемы прочности и пластичности. Горький: Изд-е Горьк. ун-та, 1977, вып. 7, с. 24—28.
10. Аругтюнян Р. А. О критериях разрушения в условиях ползучести.— Проблемы прочности, 1982, № 9, с. 42—45.
11. Новожилов В. В., Кадашевич Ю. И., Рыбакина О. Г. Разрыхление и критерий разрушения в условиях ползучести.— Докл. АН СССР, 1983, т. 270, № 4, с. 831—835.
12. Рыбакина О. Г., Сидорин Я. С. Экспериментальное исследование закономерностей пластического разрыхления металлов.— Инж. ж. МТТ, 1966, № 1, с. 120—124.
13. Рыбакина О. Г. Феноменологическое описание разрушения металлов при некоторых видах асимметричного деформирования.— Изв. АН СССР. МТТ, 1969, № 6, с. 61—66.
14. Кадашевич Ю. И., Новожилов В. В. Теория пластичности, учитывающая эффект Баушингера.— Докл. АН СССР, 1957, т. 117, № 4, с. 586—588.
15. Кадашевич Ю. И. О различных вариантах тензорно-линейных соотношений в теории пластичности.— В кн.: Исследования по упругости и пластичности. Л.: Изд-во ЛГУ, 1967, вып. 6, с. 39—45.
16. Рыбакина О. Г. Феноменологическое описание малоцикловой усталости металлов в условиях концентрации напряжений.— В кн.: Проблемы механики твердого деформируемого тела. Л.: Судостроение, 1970, с. 375—380.
17. Рыбакина О. Г. Феноменологическая теория малоцикловой усталости.— В кн.: Актуальные проблемы нелинейной механики сплошных сред. Л.: Изд-во ЛГУ, 1977, вып. 1, с. 104—131.
18. Бахвалова Н. А. Об учете влияния накопленной поврежденности на процесс разрушения в области малоцикловой усталости.— Изв. АН СССР. МТТ, 1975, № 2, с. 143—147.
19. Кадашевич Ю. И., Новожилов В. В. Об учете микронапряжений в теории пластичности.— Инж. ж. МТТ, 1968, № 2, с. 82—91.
20. Кадашевич Ю. И., Новожилов В. В. Теория пластичности и ползучести металлов, учитывающая микронапряжения.— Изв. АН СССР. МТТ, 1981, № 5, с. 99—110.
21. Кадашевич Ю. И., Новожилов В. В. Обобщенная теория упрочнения.— Докл. АН СССР, 1980, т. 254, № 5, с. 1095—1098.
22. Greenwood G. W. Fracture under creep conditions.— Mater. Sci. and Eng., 1976, v. 25, p. 241—243.
23. Вудфорд Д. А. Повреждение при ползучести и концепция остаточной долговечности.— Теорет. основы инж. расчетов, 1979, т. 101, № 4, с. 1—8.
24. Gittins A. The kinetics of cavity growth in 20 Cr/25 Ni stainless steel.— J. Mater. Sci., 1970, v. 5, No. 3, p. 223—232.
25. Dyson B. F., McLean D. New method of predicting creep life.— Metal. Sci. J., 1972, v. 6, No. 3, p. 220—223.
26. Станюкович А. В. Хрупкость и пластичность жаропрочных материалов. М.: Металлургия, 1967. 199 с.

27. Леметр Дж., Пламтри А. Применение понятия поврежденности для расчета разрушения в условиях одновременной усталости и ползучести.— Теорет. основы инж. расчетов, 1979, т. 101, № 3, с. 124—134.
28. Одинг И. А., Иванова В. С., Бурдукский В. В., Геминев В. Н. Теория ползучести и длительной прочности металлов. М.: Металлургия, 1959. 488 с.
29. Качанов Л. М. Основы механики разрушения. М.: Наука, 1974. 311 с.
30. Работнов Ю. Н. Ползучесть элементов конструкций. М.: Наука, 1966. 752 с.
31. Чижик А. А., Петреня Ю. К. О кинетических уравнениях повреждаемости при оценке ресурса и надежности материалов в условиях ползучести.—Тр. ЦКТИ, 1982, вып. 194, с. 27—37.
32. Локощенко А. М., Шестериков С. А. К проблеме оценки длительной прочности при ступенчатом нагружении.—ПМТФ, 1982, № 2, с. 139—143.
33. Кононов К. М., Порошин В. Б., Садаков О. С. К описанию усталостного повреждения материала при неупругом нагружении с выдержками.—Проблемы прочности, 1982, № 7, с. 23—26.
34. Москвитин В. В. Циклические нагружения элементов конструкций. М.: Наука, 1981. 344 с.

Ленинград

Поступила в редакцию
8.VII.1985