

СТАТИКА РАДИАЛЬНОГО ШАРИКОВОГО ПОДШИПНИКА

В. А. КУРОЧКИН

(Miaсс)

Рассматриваются вопросы статики идеального шарикового подшипника. Выводятся уравнения равновесия подшипника и уравнения совместности деформаций элементов подшипника в функции обобщенного параметра, зависящего от нагрузки, радиального зазора, жесткости и количества шариков подшипника.

Решения уравнений получены на ЭЦВМ «Раздан-3» и представлены в виде таблиц, достаточных для инженерных расчетов приборных радиальных шариковых подшипников.

1. Рассматривается плоская геометрическая модель радиального шарикового подшипника (фиг. 1) с числом шариков  $n$ , равномерно распределенных сепаратором по беговой дорожке неподвижного кольца (на фиг. 1 — наружного). Условно допускается, что подшипник нагружен радиальной нагрузкой  $P$  без перекоса колец, форма шариков и колец — идеальная, шарики одинаковые, проскальзывание в точках контакта шариков с кольцами отсутствует.

В точку  $O$  (центр неподвижного кольца) помещается начало прямоугольной системы координат  $x, y$ , положение подвижного кольца в которой определяется координатами его центра  $x_0, y_0$  и углом поворота  $\varphi_0$ .

Проекция расстояния между центрами колец  $OO_0$  на направление  $i$ -го шарика, определяемое углом  $\varphi_i$ , будет

$$(1.1) \quad D_i = x_0 \cos \varphi_i + y_0 \sin \varphi_i$$

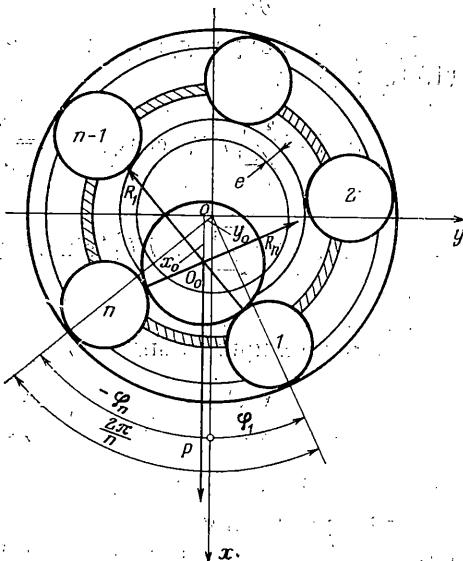
$$(1.2) \quad \varphi_i = \varphi_0 + \frac{2\pi}{n} (i-1) \quad (i=1, 2, \dots, n)$$

причем угол  $\varphi_1$  определяет как положение шарика, условно названного первым, так и угол поворота сепаратора, который связан с углом поворота подвижного кольца соотношением

$$(1.3) \quad \varphi_1 = w \varphi_0$$

в котором  $w = D/2(D+d)$  в случае, если подвижным является внутреннее кольцо, и  $w = (D+2d)/2(D+d)$ , если подвижным является наружное кольцо;  $D$  — диаметр внутреннего кольца;  $d$  — диаметр шарика.

Деформация шарика и колец в  $i$ -м контакте определяется разностью между проекцией межцентрового расстояния  $OO_0$  на направление  $i$ -го шарика



Фиг. 1

рика и радиальным зазором подшипника  $e$  и выражается непрерывной функцией

$$(1.4) \quad \delta_i(x_0, y_0, \varphi_i) = \begin{cases} \Delta_i(x_0, y_0, \varphi_i) - e & \text{при } \Delta_i - e \geq 0 \\ 0 & \text{при } \Delta_i - e \leq 0 \end{cases}$$

Эта деформация сопровождается появлением упругой реакции  $R_i$ , согласно контактной теории Герда [1]

$$(1.5) \quad R_i = K \delta_i^{3/2}$$

где  $K$  — постоянная, зависящая от радиусов кривизны контактирующих поверхностей и материала.

Потенциальную энергию деформированного состояния подшипника можно представить [2] как сумму потенциальных энергий деформаций элементов подшипника в точках контакта

$$(1.6) \quad U(x_0, y_0, \varphi_i) = \sum_{i=1}^n U_i(x_0, y_0, \varphi_i)$$

В силу выражения (1.5)

$$(1.7) \quad U_i = \int_0^{\delta_i} K \delta_i^{3/2} d\delta_i = \frac{2}{5} K \delta_i^{5/2}$$

Уравнения равновесия подшипника имеют вид

$$P - \frac{\partial U}{\partial x_0} = 0, \quad - \frac{\partial U}{\partial y_0} = 0, \quad M - \frac{\partial U}{\partial \varphi_1} \frac{\partial \varphi_1}{\partial \varphi_0} = 0$$

Дифференцируя уравнение (1.6) с учетом выражений (1.1)–(1.4) и (1.7), получим

$$P = \sum_{i=1}^n K \delta_i^{3/2} \cos \varphi_i, \quad 0 = \sum_{i=1}^n K \delta_i^{3/2} \sin \varphi_i$$

$$M = w \sum_{i=1}^n -x_0 K \delta_i^{3/2} \sin \varphi_i + y_0 K \delta_i^{3/2} \cos \varphi_i$$

Уравнения равновесия сил с учетом (1.5) и уравнение моментов с учетом последних примут вид

$$(1.8) \quad P = \sum_{i=1}^n R_i \cos \varphi_i, \quad 0 = \sum_{i=1}^n R_i \sin \varphi_i$$

$$(1.9) \quad M = w P y_0$$

Здесь уравнения (1.8) характеризуют равновесие подшипника в радиальной плоскости, а уравнение (1.9) определяет консервативный момент подшипника.

Решение уравнений (1.8) относительно реакций  $R_i$  и  $R_n$  с учетом выражений (1.2) можно представить в виде

$$(1.10) \quad r_1 = \frac{\sin(2\pi n^{-1} - \varphi_1)}{\sin 2\pi n^{-1}} - \sum_{i=2}^{n-1} r_i \frac{\sin 2\pi n^{-1} i}{\sin 2\pi n^{-1}}$$

$$r_n = \frac{\sin \varphi_1}{\sin 2\pi n^{-1}} + \sum_{i=2}^{n-1} r_i \frac{\sin 2\pi n^{-1} (i-1)}{\sin 2\pi n^{-1}}$$

Здесь реакции выражены в безразмерной форме

$$(1.11) \quad r_i = R_i/P$$

Количество шариков, контактирующих с кольцами по углу поворота сепаратора  $\varphi_1$  от 0 до  $2\pi/n$ , и распределение нагрузки между ними зависит от радиальной нагрузки и параметров подшипника [3, 4]. В случае последовательного контакта с кольцами одного, двух, одного шариков контактные реакции определяются уравнениями (1.10), причем подвижное кольцо на границах интервала  $\varphi_1 \in [0, 2\pi/n]$  имеет положение неустойчивого равновесия. При контакте с кольцами более двух шариков для определения контактных реакций используются уравнения совместности деформаций, которые для любых трех последовательно контактирующих шариков  $v-1, v, v+1$  выводятся из выражения (1.4) с учетом (1.1), (1.2), (1.5) и (1.11)

$$(1.12) \quad r_v^{2/3} - \frac{1}{2 \cos 2\pi n^{-1}} (r_{v-1}^{2/3} + r_{v+1}^{2/3}) = T$$

Здесь  $v$  последовательно принимает  $s-2$  значений:  $1, n, 2, n-1, \dots$ , где  $s$  — количество шариков, контактирующих с кольцами, причем в силу  $2\pi$ -периодичности количества шариков по углу поворота сепаратора,  $r_0 = r_n$  и  $r_{n+1} = r_1$ , обобщенный параметр подшипника равен

$$(1.13) \quad T = 2e \left( \frac{K}{P} \right)^{2/3} \left( \operatorname{ctg}^2 \frac{\pi}{n} - 1 \right)^{-1}$$

Угол выхода шариков из-под нагрузки  $\psi$  в функции параметра  $T$  определяется уравнениями (1.10) и (1.12) при условии касания колец наиболее удаленного по углу шарика, контактная реакция которого считается равной нулю. Из полученной системы уравнений при  $\psi$ , последовательно кратном  $\pi/n$ , определяются области значений параметра  $T$ , в которых последовательность контактирования шариков неизменна. На границах этих областей количество шариков, воспринимающих нагрузку, постоянно в интервале  $\varphi_1 \in (0, 2\pi n^{-1})$ . В частности при различных последовательностях контактирования шариков по углу поворота сепаратора  $\varphi_1$  от 0 до  $2\pi n^{-1}$  следующие варианты.

Один, два, один шарик — реакции определяются уравнениями

$$(1.14) \quad r_1 = \frac{\sin(2\pi n^{-1} - \varphi_1)}{\sin 2\pi n^{-1}}, \quad r_n = \frac{\sin \varphi_1}{\sin 2\pi n^{-1}}$$

Из уравнения  $0 = [\sin(2\pi n^{-1} - \psi)] / \sin 2\pi n^{-1}$  следует

$$(1.15) \quad \psi = 2\pi n^{-1} = \text{const} \quad (1 \leq T \leq \infty)$$

Три, два, три шарика — реакции определяются из системы уравнений

$$(1.16) \quad r_1 = \frac{\sin(2\pi n^{-1} - \varphi_1)}{\sin 2\pi n^{-1}} - 2r_2 \cos 2\pi n^{-1}$$

$$r_n = \frac{\sin \varphi_1}{\sin 2\pi n^{-1}} + r_2, \quad r_1^{2/3} - \frac{1}{2 \cos 2\pi n^{-1}} (r_2^{2/3} + r_n^{2/3}) = T$$

Угол  $\psi$  определяется из уравнения

$$(1.17) \quad \left[ \frac{\sin(4\pi n^{-1} - \psi)}{\sin 2\pi n^{-1}} \right]^{2/3} - \frac{1}{2 \cos 2\pi n^{-1}} \left[ \frac{\sin(\psi - 2\pi n^{-1})}{\sin 2\pi n^{-1}} \right]^{2/3} = T$$

$$\left( \frac{1}{2 \cos \pi n^{-1}} \right)^{2/3} \left( 1 - \frac{1}{2 \cos 2\pi n^{-1}} \right) \leq T \leq 1$$

Четыре, три, четыре шарика — реакции определяются из системы уравнений

$$(1.18) \quad r_1 = \frac{\sin(2\pi n^{-1} - \varphi_1)}{\sin 2\pi n^{-1}} - 2r_2 \cos 2\pi n^{-1} + r_{n-1}$$

$$r_n = \frac{\sin \varphi_1}{\sin 2\pi n^{-1}} + r_2 - 2r_{n-1} \cos 2\pi n^{-1}$$

$$r_1^{2/3} - \frac{1}{2 \cos 2\pi n^{-1}} (r_2^{2/3} + r_n^{2/3}) = T, \quad r_n^{2/3} - \frac{1}{2 \cos 2\pi n^{-1}} (r_1^{2/3} + r_{n-1}^{2/3}) = T$$

Угол  $\psi$  определяется из системы уравнений

$$(1.19) \quad \left[ \frac{\sin(\psi - 2\pi n^{-1})}{\sin 2\pi n^{-1}} - 2r_2 \cos 2\pi n^{-1} \right]^{2/3} -$$

$$- \frac{1}{2 \cos 2\pi n^{-1}} \left[ \frac{\sin(4\pi n^{-1} - \psi)}{\sin 2\pi n^{-1}} + r_2 \right]^{2/3} - \frac{1}{2 \cos 2\pi n^{-1}} r_2^2 = T$$

$$- \frac{1}{2 \cos 2\pi n^{-1}} \left[ \frac{\sin(\psi - 2\pi n^{-1})}{\sin 2\pi n^{-1}} - 2r_2 \cos 2\pi n^{-1} \right]^{2/3} +$$

$$+ \left[ \frac{\sin(4\pi n^{-1} - \psi)}{\sin 2\pi n^{-1}} + r_2 \right]^{2/3} = T$$

$$\frac{2 \cos^2 2\pi n^{-1} - 1}{\cos 2\pi n^{-1} (1 + 2 \cos 2\pi n^{-1})} \left[ 2 \cos 2\pi n^{-1} + \left( 2 \frac{1 + \cos 2\pi n^{-1}}{1 + 2 \cos 2\pi n^{-1}} \right)^{3/2} \right]^{-1} \leq$$

$$\leq T \leq \left( \frac{1}{2 \cos 2\pi n^{-1}} \right)^{2/3} \left( 1 - \frac{1}{2 \cos 2\pi n^{-1}} \right)$$

Аналогично можно получить уравнения при других последовательностях контактирования шариков. Таким образом, контактные реакции любого количества шариков, воспринимающих нагрузку, угол выхода шариков из под нагрузки и последовательность контактирования шариков являются функциями обобщенного параметра  $T$  (1.13) и определяются уравнениями (1.10) и (1.12).

2. Задачей статики радиального подшипника является нахождение величин  $x_0$ ,  $y_0$  и консервативного момента  $M$  в функции обобщенного параметра  $T$  и угла поворота сепаратора  $\varphi_1$ .

Компоненты относительного смещения колец  $OO_0$  определяются из системы уравнений контактных деформаций с кольцами 1-го и  $n$ -го шариков (1.4) и с учетом выражений (1.5), (1.11), (1.15) имеют вид

$$(2.1) \quad x_0 = (P/K)^{2/3} F_0, \quad y_0 = -(P/K)^{2/3} F_0'$$

$$(2.2) \quad F_0 = \frac{1}{\sin 2\pi n^{-1}} \left[ T \frac{\cos 2\pi n^{-1}}{\sin \pi n^{-1}} \cos(\pi n^{-1} - \varphi_1) + \right.$$

$$+ r_1^{2/3} \sin(2\pi n^{-1} - \varphi_1) + r_n^{2/3} \sin \varphi_1 \left. \right]$$

$$F_0' = \frac{1}{\sin 2\pi n^{-1}} \left[ T \frac{\cos 2\pi n^{-1}}{\sin \pi n^{-1}} \sin(\pi n^{-1} - \varphi_1) - \right.$$

$$- r_1^{2/3} \cos(2\pi n^{-1} - \varphi_1) + r_n^{2/3} \cos \varphi_1 \left. \right]$$

Очевидно, что величины  $x_0, y_0$  — периодические по  $\varphi_1$ , угол  $\varphi_1$  рассматривается как параметр, так как кинематическое положение элементов подшипника не меняется в результате поворота сепаратора на угол  $2\pi n^{-1}m$ , где  $m$  — целое. При этом  $F_0, F'_0$  — непрерывные функции  $\varphi_1$  в интервале  $0 \leq \varphi_1 \leq 2\pi n^{-1}$  при  $T \leq 1$ , а при  $T > 1$  функция  $F'_0$  имеет разрыв первого рода и  $F_0$  имеет излом только на границах интервала вследствие неустойчивого положения равновесия подвижного кольца. Поэтому их можно разложить в ряды Фурье по  $\varphi_1$ .

$$(2.3) \quad \Phi_0 = \frac{\Phi_{00}}{2} + \sum_{j=1}^{\infty} \Phi_{0j} \cos jn\varphi_1 + \Phi_{0j}' \sin jn\varphi_1$$

$$\Phi_{00} = \frac{n}{\pi} \int_0^{2\pi n^{-1}} \Phi_0 d\varphi_1, \quad \Phi_{0j} = \frac{n}{\pi} \int_0^{2\pi n^{-1}} \Phi_0 \cos jn\varphi_1 d\varphi_1$$

$$\Phi_{0j}' = \frac{n}{\pi} \int_0^{2\pi n^{-1}} \Phi_0 \sin jn\varphi_1 d\varphi_1$$

Здесь  $\Phi_0$  принимает значения  $F_0$  и  $F'_0$ .

После соответствующих преобразований выражений (2.3) с учетом (2.2) величины  $F_0, F'_0$  примут вид

$$F_0 = \frac{1}{2} F_{00} + \sum_{j=1}^{\infty} F_{0j} \cos jn\varphi_1, \quad F'_0 = \sum_{j=1}^{\infty} F'_{0j} \sin jn\varphi_1$$

$$F_{0j} = 2 \frac{n}{\pi} \frac{1}{\sin 2\pi n^{-1}} \left\{ T \frac{\cos 2\pi n^{-1}}{1 - (jn)^2} + \int_0^{2\pi n^{-1}} [r_1^{2/3} \sin(2\pi n^{-1} - \varphi_1) + \right.$$

$$\left. + r_n^{2/3} \sin \varphi_1] \cos jn\varphi_1 d\varphi_1 \right\} \quad (j=0, 1, 2, \dots)$$

$$F'_{0j} = 2 \frac{n}{\pi} \frac{1}{\sin 2\pi n^{-1}} \left\{ T \frac{jn \cos 2\pi n^{-1}}{(jn)^2 - 1} - \right.$$

$$\left. - \int_0^{2\pi n^{-1}} [r_1^{2/3} \cos(2\pi n^{-1} - \varphi_1) - r_n^{2/3} \cos \varphi_1] \sin jn\varphi_1 d\varphi_1 \right\}, \quad (j=1, 2, 3, \dots)$$

Таким образом, функции  $x_0, y_0$  и  $M$  и коэффициенты их разложения в ряд Фурье можно вычислить с помощью уравнений (1.10) и (1.12), выраженных в зависимости от  $T$  в форме (1.14) и (1.15), (1.16) и (1.17) или (1.18) и (1.19) и т. д.

В приборных радиальных шариковых подшипниках с числом шариков 5–8 наибольший интерес представляют зависимость консервативного момента  $M(T, \varphi_1)$  в функции  $\varphi_1$  и амплитуды первых гармоник ряда Фурье  $M$  в функции  $T$ . В связи с этим проведено вычисление на ЭЦВМ величин  $F'_0(T, \varphi_1)$  для  $0 \leq \varphi_1 \leq \pi n^{-1}$ ,  $F'_{0j}$  ( $j=1, 2, 3, 4, 5$ ) в зависимости от  $T$  для второй последовательности контактирования шариков.

Таблица 1

T	$\Psi$	3°36'	7°12'	10°48'	14°24'	18°	21°36'	25°12'	28°48'	32°24'	j = 1	2	3	4	5
1	72°	86	103	105	100	89	74	58	39	20	101	33	17	11	7
0.855	73°23'	43	65	71	70	64	54	43	29	15	70	18	7	4	1
0.710	75°48'	1	26	37	41	39	34	27	19	10	39	3	-2	-4	-4
0.565	78°49'	-12	-12	3	11	14	15	13	9	5	9	-8	-7	-4	-2
0.424	82°45'	-16	-30	-31	-18	-10	-5	-3	-1	0	-17	-14	-5	0	2
0.276	86°02'	-17	-34	-46	-48	-35	-25	-17	-11	-5	-38	-13	0	3	2
0.131	90°04'	-17	-33	-47	-58	-60	-45	-33	-21	-10	-53	-7	5	2	-2
-0.014	94°48'	-15	-30	-44	-55	-62	-63	-48	-31	-15	-59	3	4	-2	0
-0.159	98°43'	-13	-26	-37	-47	-55	-59	-58	-41	-20	-55	10	0	-1	2
-0.304	103°48'	-10	-20	-29	-37	-43	-47	-47	-42	-25	-45	11	-4	2	-1
-0.448	108°	-7	-14	-20	-25	-28	-30	-29	-25	-17	-28	6	-2	1	0

Таблица 2

T	$\Psi$	3°	6°	9°	12°	15°	18°	21°	24°	27°	j = 1	2	3	4	5
1	60°	86	102	102	95	84	70	54	37	18	96	33	17	11	7
0.900	61°21'	34	55	61	6	54	46	36	25	12	59	14	5	-1	0
0.800	63°37'	-13	8	19	24	24	22	18	12	64	21	-4	-7	-7	-6
0.700	66°20'	-23	-37	-22	-12	-6	-2	0	0	-14	-17	-11	-5	-1	-1
0.600	69°20'	-25	-48	-62	-47	-35	-26	-18	-12	-6	-44	-21	-6	2	4
0.500	72°33'	-25	-48	-68	-80	-65	-50	-36	-24	-12	-66	-15	4	5	0
0.400	75°54'	-23	-44	-64	-81	-90	-74	-54	-36	-18	-77	-2	9	0	-3
0.300	79°24'	-19	-38	-56	-71	-84	-89	-72	-48	-24	-81	8	4	-4	1
0.200	82°52'	-16	-31	-45	-58	-68	-76	-78	-60	-30	-72	17	-3	-1	2
0.100	86°25'	-11	-21	-32	-41	-49	-54	-57	-54	-36	-51	16	-6	4	-1
0	90°	-6	-12	-18	-23	-26	-29	-29	-26	-18	-26	7	-2	2	-1

Таблица 3

T	$\Psi$	2°34'	5°08'	7°42'	10°16'	12°51'	15°25'	18°00'	20°34'	23°08'	j = 1	2	3	4	5
1	51°26'	91	108	108	101	89	74	57	38	19	102	35	18	11	8
0.913	52°42'	29	52	59	58	53	45	37	24	12	57	13	4	1	-1
0.827	54°45'	-22	-4	10	16	18	17	14	10	5	12	-9	-10	-9	-7
0.740	57°09'	-31	-54	40	-26	-18	-12	-8	-4	-2	-29	-22	-12	-4	1
0.654	59°46'	-32	-62	-83	-69	-53	-40	-29	-19	-9	-62	-25	-5	3	4
0.567	62°31'	-30	-59	-85	-103	-89	-69	-50	-33	-16	-87	-18	5	5	0
0.480	65°23'	-27	-53	-78	-99	-113	-97	-72	-47	-23	-98	0	11	-1	-3
0.394	68°17'	-23	-45	-66	-85	-101	-110	-93	-62	-31	-100	14	5	-6	-2
0.307	71°14'	-18	-35	-51	-67	-180	-90	-94	-76	-38	-85	22	-5	0	3
0.220	74°42'	-12	-24	-35	-45	-54	-61	-65	-64	-45	-58	20	-8	5	-2
0.134	77°09'	-6	-12	-17	-22	-26	-28	-29	-27	-20	-31	7	-4	2	-2

Таблица 4

T	$\Psi$	2°15'	4°30'	6°45'	9°	11°15'	13°30'	15°45'	18°	20°15'	j = 1	2	3	4	5
1	45°	100	117	117	109	96	80	62	42	21	111	38	20	12	9
0.919	46°10'	27	52	60	60	55	47	37	25	13	58	12	2	-1	-2
0.839	48°	-29	-13	3	11	14	14	12	89	5	6	-14	-14	12	-9
0.758	50°08'	-38	-68	-54	-38	-27	-19	-13	-8	-4	-40	-28	-15	-4	4
0.678	52°26'	-38	-74	-101	-87	-68	-52	-37	-24	-12	-77	-28	-4	5	5
0.597	54°51'	-36	-208	-101	-124	-109	-85	-62	-41	-20	-107	-20	9	8	-2
0.517	57°20'	-31	-62	-90	-116	-133	-117	-87	-57	-28	-118	-2	12	-2	-4
0.436	59°52'	-26	-51	-76	-98	-117	-119	-112	-74	-37	-117	18	5	-8	3
0.356	62°25'	-20	-39	-58	-75	-91	-103	-109	-90	-45	-93	29	-7	2	3
0.275	64°58'	-13	-26	-39	-50	-60	-68	-74	-73	-53	-63	24	-10	7	-3
0.195	67°30'	-6	-12	-17	-23	-27	-30	-28	-21	-26	-8	-3	2	-1	-1

Для первой последовательности контактирования шариков величины  $F_0'$  и  $F_{0j}'$  имеют вид

$$(2.4) \quad F_0'(T, \varphi_1) = F_0'(T=1, \varphi_1) + (T-1) \frac{\operatorname{ctg} 2\pi n^{-1}}{\sin \pi n^{-1}} \sin(\pi n^{-1} - \varphi_1)$$

$$F_{0j}'(T) = F_{0j}'(T=1) + 2 \frac{n}{\pi} (T-1) \frac{jn \operatorname{ctg} 2\pi n^{-1}}{(jn)^2 - 1}$$

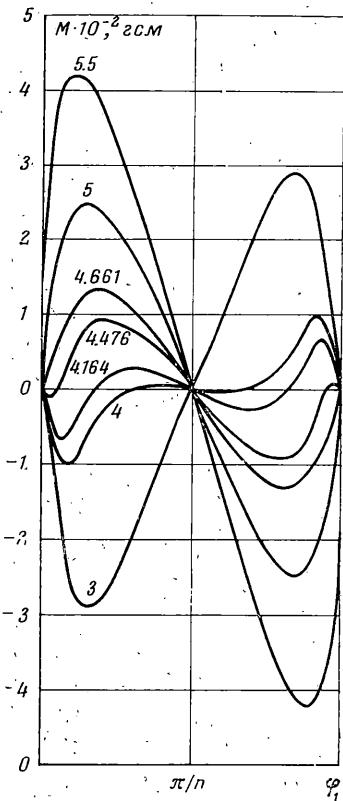
В табл. 4—4 представлены результаты вычислений для числа шариков  $n$  от пяти до восьми соответственно значений  $F_0'(T, \varphi_1) \times 10^3$  (на границах интервала  $\varphi_1 \in [0, \pi n^{-1}]$ )  $F_0' = 0$  и  $F_{0j}'(T) \times 10^3$  ( $j=1, 2, 3, 4, 5$ ).

*Пример 1.* Шарикоподшипник А640018 с параметрами:  $n=7$ ,  $D=10.731$  мм,  $d=3.969$  мм,  $K=0.45$  кг/мк $^{3/2}$ ,  $P=2.5$  кг.

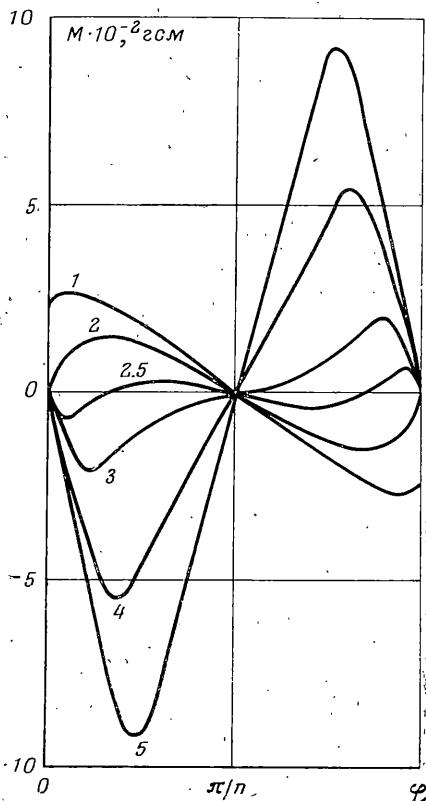
1. Найти зависимость консервативного момента в функциях угла поворота сепаратора  $\varphi_1$  от 0 до  $2\pi n^{-1}$  при радиальных зазорах 3 мк, 4 мк, 5 мк, 5.5 мк.

Вычисляются значения обобщенного параметра по формуле (1.13)  $T|_{e=3}=0.578$ ,  $T|_{e=4}=0.771$ ,  $T|_{e=5}=0.963$ ,  $T|_{e=5.5}=1.059$ .

Из табл. 3 интерполированием находятся значения  $F_0'$  в функции угла  $\varphi_1$  для вычисленных значений  $T$ , причем для  $T=1.059$  используется уравнение (2.4).



Фиг. 2



Фиг. 3

Величина момента определяется из уравнения (1.9) с учетом (2.1) и (2.2). Зависимости моментов (фиг. 2) можно сравнить с графиками в [4], результаты совпадают.

2. Выбрать радиальный зазор из условия обращения в нуль: а) первой гармоники консервативного момента, б) второй, в) третьей.

Построить зависимость момента от  $\varphi_1$ . Из табл. 3  $F_{01}'=0$ ,  $T=0.802$ ;  $F_{02}'=0$ ,  $T=0.862$ ;  $F_{03}'=0$ ,  $T=0.888$ . По формуле (1.13) определяется  $e$  соответственно 4.164 мк, 4.476 мк, 4.611 мк. Зависимости консервативного момента представлены на фиг. 2.

*Пример 2.* Трехколечный шарикоподшипник С390095 с параметрами по внутреннему ряду шариков:  $n=7$ ,  $D=6.619$  мм,  $d=2.381$  мм,  $K=0.49$  кг/мк<sup>3/2</sup>,  $e=4$  мк.

На фиг. 3 показана зависимость консервативного момента, действующего на внутреннее кольцо при медленном вращении промежуточного, в функции угла поворота сепаратора при различных значениях нагрузки. Из графиков очевидна, с одной стороны, сугубо нелинейная зависимость консервативного момента от нагрузки, с другой стороны, возможность выбора параметров подшипника с целью минимизации консервативного момента.

Поступила 21 V 1973

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Новиков Л. З. Статика радиально-упорного шарикового подшипника с осевым нагрузкой. Изв. АН СССР. ОТН. Механика и машиностроение, 1963, № 5.
2. Журавлев В. Ф. Задача о равновесии неидеального шарикового подшипника. Изв. АН СССР. МТТ, 1970, № 4.
3. Родионов Е. М. О моменте сопротивления вращению приборного радиального шарикоподшипника. Тр. Моск. авиац.-техн. ин-та М., Оборонгиз, 1957.
4. Филатов В. В. О влиянии ошибок изготовления шариковых подшипников карданова подвеса на уход гирокомпенсаторов. Изв. АН СССР. МТТ, 1972, № 1.